

Outras Estruturas

Algoritmos e Estrutura de Dados 1
Prof. Luiz Gustavo Almeida Martins

Fila de Prioridade

- ▶ Estrutura de Dados na qual a classificação intrínseca dos elementos determina os resultados das operações básicas.
 - **Analogia:** pode ser vista como uma mistura de **Lista** com critério de ordenação implícito e **Fila**.
 - Prioridade afeta a inserção ou a remoção.
- ▶ \exists 2 tipos básicos:
 - **Fila de Prioridade Ascendente (FPA):**
 - O elemento com **MENOR** “prioridade” deve ser removido.
 - **Fila de Prioridade Descendente (FPD):**
 - O elemento com **MAIOR** “prioridade” deve ser removido.

Fila de Prioridade

- ▶ Existem 2 abordagens possíveis para implementar FPA ou FPD:

1) Uso de uma lista não-ordenada:

- **Inserção:** Insere no final (como fila simples).
- **Remoção:** busca e remove o MENOR/MAIOR elemento da lista.

Fila de Prioridade

2) Uso de uma lista ordenada:

- **Inserção:** insere ordenado, ou seja, busca a posição mais adequada do elemento de acordo com a sua prioridade (valor).
- **Remoção:** remove no início (como fila simples).

Fila de Prioridade

- ▶ Análise da “complexidade” das 2 abordagens:
 - 1ª Abordagem:
 - Inserção: **1** passo.
 - Remoção: **N** passos, para fila de **N** elementos.
 - 2ª Abordagem:
 - Inserção: **K** passos, com **K** variando de 1 a **N** .
 - Remoção: **1** passo.

Fila de Prioridade

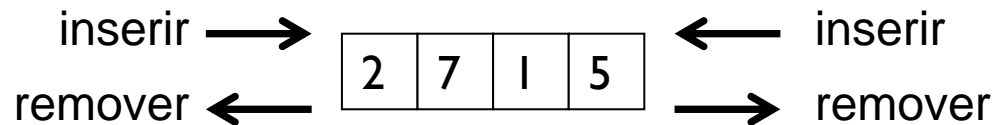
- ▶ Notação BIG-O (análise do pior caso):
 - 1ª Abordagem: 1 passo inserção e N passos remoção.
 - 2ª Abordagem: N passos inserção e 1 passo remoção.
- ▶ Portanto, ambas têm complexidade $O(N)$.

Fila de Prioridade

- ▶ Análise do caso médio:
 - 1ª Abordagem: N passos remoção.
 - 2ª Abordagem: $N/2$ passos inserção.
- ▶ Embora a complexidade das abordagens seja $O(1)$ para uma operação e $O(N)$ para a outra, a 2ª abordagem é + vantajosa para o caso médio.

Fila Dupla ou Deque

- ▶ E.D. que permite remoção/inserção nas 2 extremidades



- ▶ É como se em uma mesma estrutura existissem **duas filas**, uma inversa da outra.

Fila Dupla ou Deque

► TAD: operações básica

- inicializar_deque
- deque_vazio
- deque_cheio
- inserir_início
- inserir_final
- remover_início
- remover_final

Fila Dupla ou Deque

► Técnicas de Implementação

a) Estática/Sequencial:

- Uso do incremento circular (insere_final e remove_início) e do **decremento circular** (insere_início e remove_final)

- Diferenciação Fila Cheia/Vazia:

- a.1 – Desprezar 1 posição:

- vazia \Rightarrow ini = fim

- cheia \Rightarrow ini = (fim + 1) % max

Fila Dupla ou Deque

a.2 – Uso de contador:

vazia \Rightarrow cont = 0

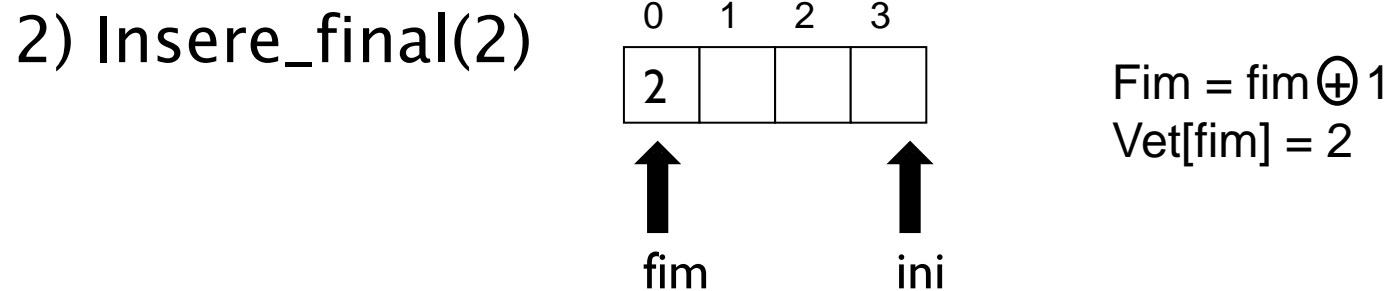
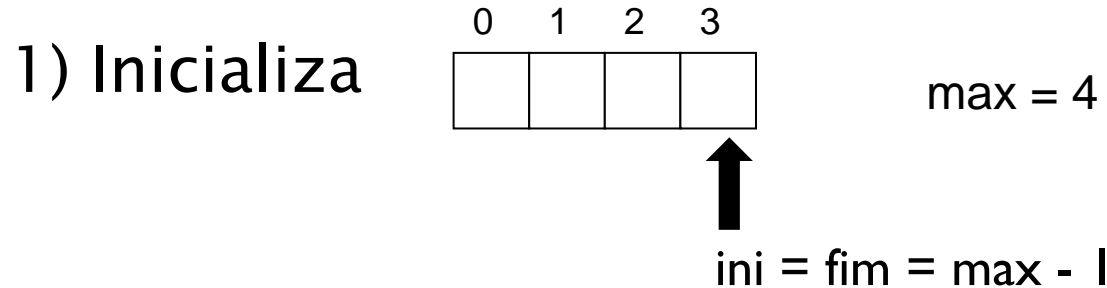
cheia \Rightarrow cont = MAX

► Decremento circular:

$$F \ominus 1 = \begin{cases} F-1, & \text{se } F > 0 \\ \text{Max}-1, & \text{se } F = 0 \end{cases}$$

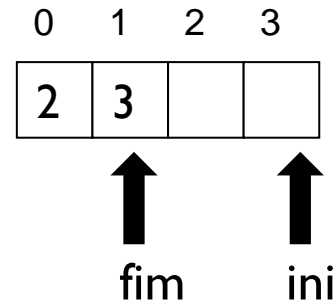
Fila Dupla ou Deque

► Exemplo: Solução que despreza 1 posição



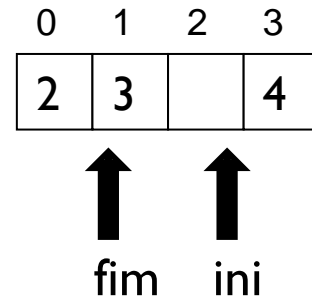
Fila Dupla ou Deque

3) Insere_final(3):



$\text{Fim} = \text{fim} \oplus 1$
 $\text{Vet}[\text{fim}] = 3$

4) Insere_início(4):

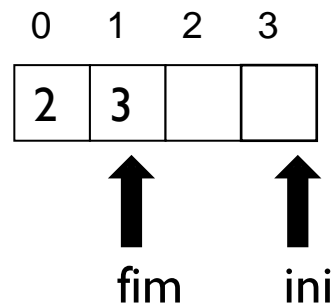


$\text{Vet}[\text{ini}] = 4$
 $\text{ini} = \text{ini} \ominus 1$

5) Insere_final(5): Impossível: Fila Cheia ($\text{ini} = \text{fim} \oplus 1$)

Fila Dupla ou Deque

6) remove_início(&x):

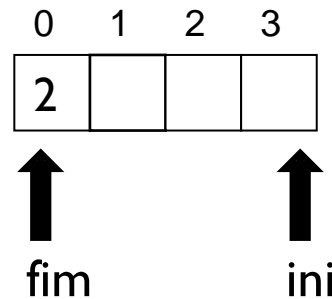


$x = 4$

$\text{Ini} = \text{ini} \oplus 1$

$x = \text{vet}[\text{ini}]$

7) remove_final(&x):



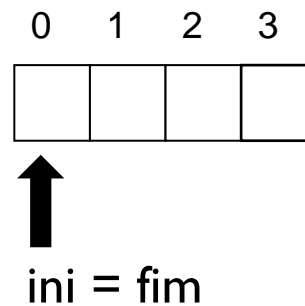
$x = 3$

$x = \text{vet}[\text{fim}]$

$\text{fim} = \text{fim} \ominus 1$

Fila Dupla ou Deque

8) remove_início(&x):



$x = 2$

$\text{Ini} = \text{ini} \oplus 1$

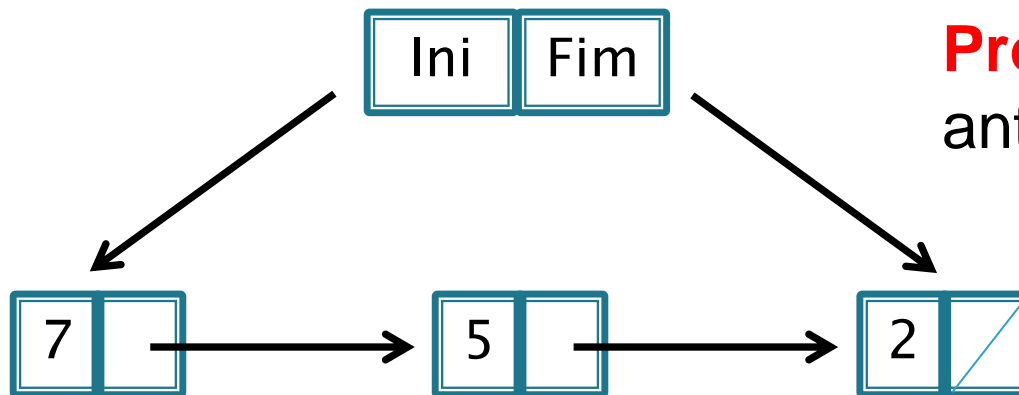
$x = \text{vet}[\text{ini}]$

9) remove_final(&x): Impossível: Fila vazia ($\text{ini} = \text{fim}$)

Fila Dupla ou Deque

b) Dinâmica/Encadeada

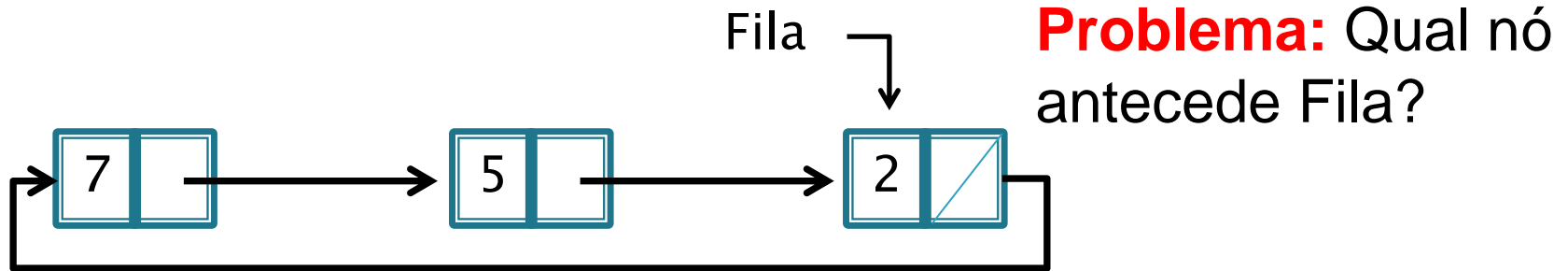
- Encadeamento simples: não é eficiente para remoção_final



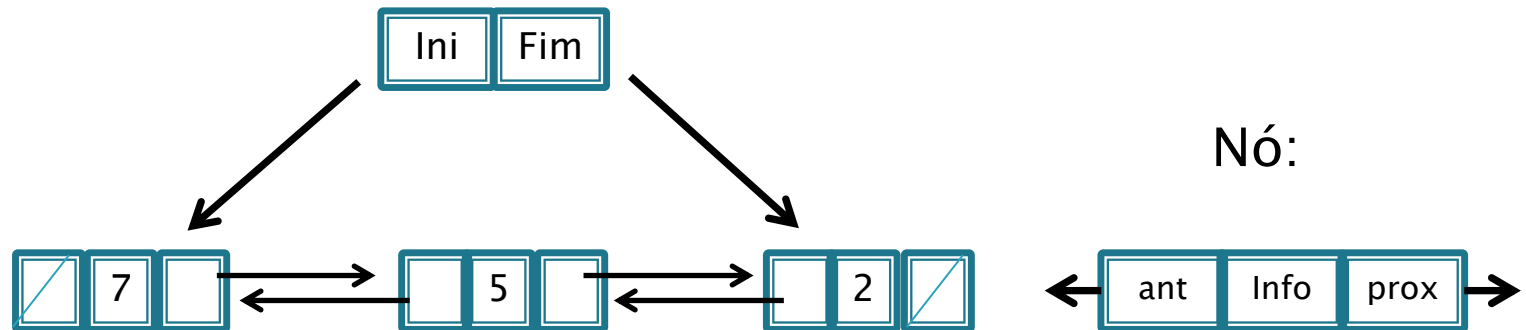
Problema: Qual nó antecede Fim?

Fila Dupla ou Deque

- Encadeamento circular: também não é eficiente

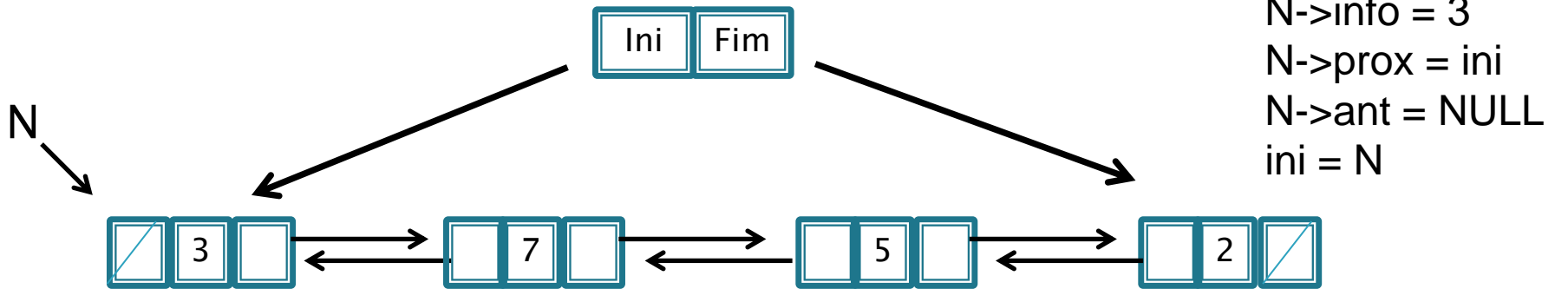


- Solução usual: USO DE ENCADEAMENTO DUPLO



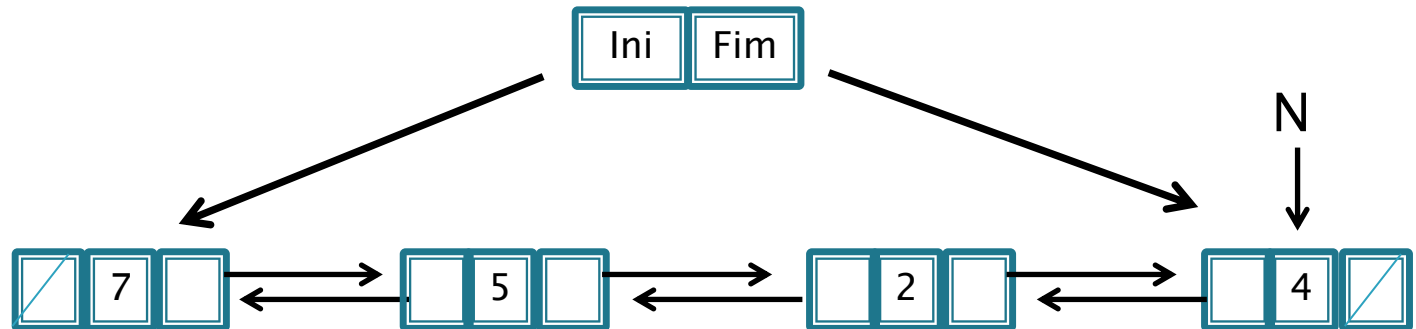
Fila Dupla ou Deque

Insere_início(3):



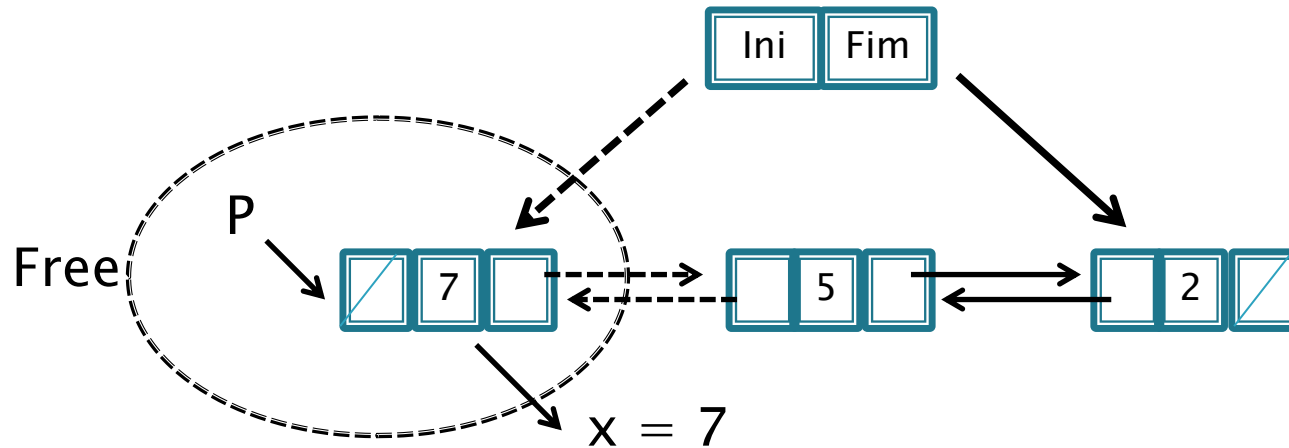
Insere_final(4):

N = aloca_novo
N->info = 4
N->prox = NULL
N->ant = fim
fim->prox = N
fim = N

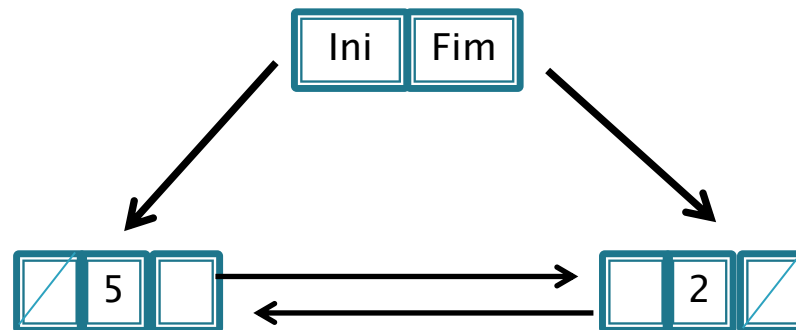


Fila Dupla ou Deque

Remove_início(&x):



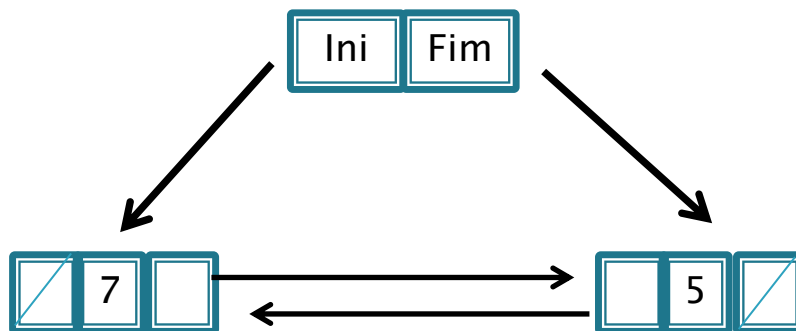
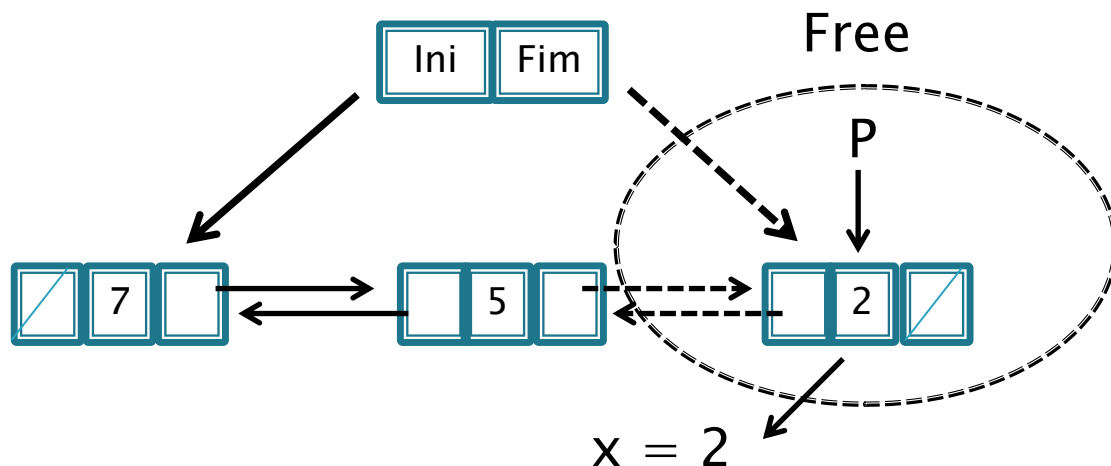
P = Ini
x = P->info
Ini = P->prox
Ini->ant = NULL
free(P)



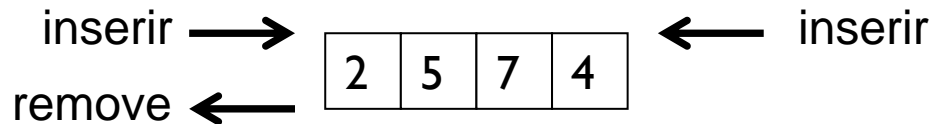
Fila Dupla ou Deque

Remove_final (&x):

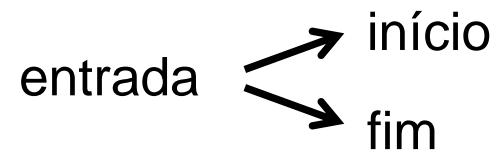
P = Fim
x = P->info
Fim = P->ant
Fim->prox = NULL
free(P)



Fila Dupla com saída restrita

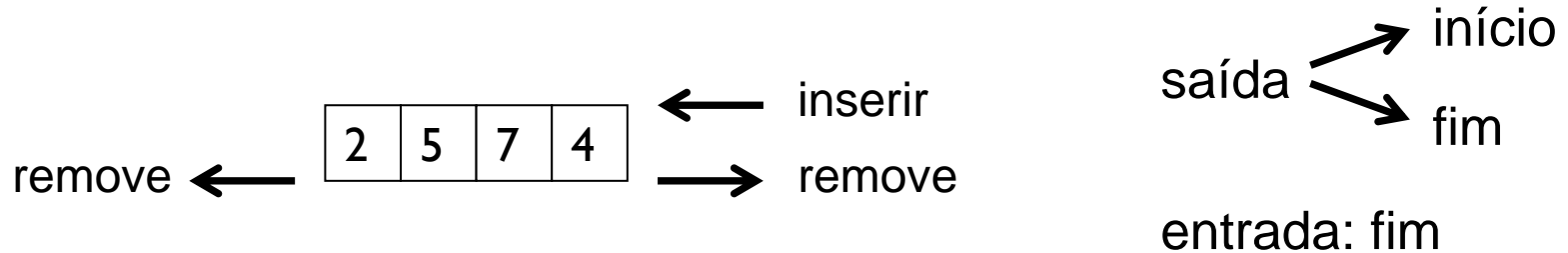


saída: início



- ▶ Funciona como uma fila especial onde eventualmente podemos dar prioridade a um elemento, inserindo-o no início.

Fila Dupla com entrada restrita



- ▶ Funciona como uma pilha especial (o final é o topo e o início é a base), onde eventualmente podemos remover um elemento da base.
- Ex: quando ocorrer um estouro da pilha (pilha cheia), pode ser implementada uma remoção do elemento da BASE que é o **mais antigo** da pilha.

Listas Simples e Listas Estruturadas

- ▶ A maioria dos exemplos vistos trata de listas simples, onde o elemento de dado é um único campo. A única exceção foi a lista do polinômio.

```
struct no {  
    int Info;  
    struct no *Prox;  
};
```

```
struct no {  
    char Info;  
    struct no *Prox;  
};
```

```
struct termo {  
    int Coef;  
    int Expo;  
    struct termo *Prox;  
};
```

Listas Simples e Listas Estruturadas

- ▶ Uma opção para se trabalhar com listas mais complexas é o uso de uma estrutura para representar o elemento.

Acesso: $I \rightarrow \text{Info.idade}$

```
struct dado {  
    int cod-matricula;  
    char *nome;  
    char *endereço;  
    int idade;  
};
```

```
struct no {  
    struct dado Info;  
    struct no *Prox;  
};
```

OU

```
struct no {  
    struct dado *Info;  
    struct no *Prox;  
};
```

Acesso: $I \rightarrow \text{Info} \rightarrow \text{idade}$

Listas Homogêneas e Heterogêneas

- ▶ Geralmente, os elementos de dado são sempre do mesmo tipo (lista homogênea).
- ▶ Entretanto, é possível a construção de **listas heterogêneas**.
 - Ex: uma lista de caracteres e números inteiros.
 - Pode ser implementada com o uso do **UNION** ou de um ponteiro **VOID**.

Listas Homogêneas e Heterogêneas

► Uso do UNION:

```
struct no {  
    int tipo;  
    union {  
        int i_int;  
        char i_char;  
    } info;  
    struct no *Prox;  
};
```

Exemplo de acesso:

SE lista->tipo = 0 **ENTÃO**

lista->info.i_int = x;

SENÃO

lista->info.i_char = x;

FIM-SE

- **Obs:** Os diferentes membros de uma união se sobrepõem. O espaço é alocado para o tipo de maior tamanho.

Listas Homogêneas e Heterogêneas

► Uso de um ponteiro para VOID:

```
struct no{  
    int tipo;  
    void *info;  
    struct no *Prox;  
};
```

Exemplo de acesso:

```
int *i;  
char *c;  
  
if (lista->tipo==0)  
{  
    *i = x;  
    lista->info = i;  
}  
else  
{  
    *c = x;  
    lista->info = c;  
}
```